сті: [монографія]. – Харків: Видавничий центр НТУ «ХПІ», 2001. — 332 с. 2. Турчин В.Т. Вплив технологічного призначення двигуна на ресурсну міцність поршня / В.Т. Турчин, В.О. Пильов, І.Г. Омельченко, М.В. Прокопенко // Двигатели внутреннего сгорания. – 2008. – №1. – *81–86*. Кавтарадзе P.3. 3. Расчетноэкспериментальное исследование локального теплообмена на огневом днище поршня дизеля, конвертированного в газожидкостный двигатель / Р. 3. Кавтарадзе, А. И. Гайворонский, А.А. Зеленцов // Вестник МГТУ им. Н.Э. Баумана. Сер. "Машиностроение". – 2009. – №2. С. 45-57. 4. Никишин В.Н. Исследование неравномерности температурного поля гильзы цилиндра и поршня автомобильного дизеля [Электронный ресурс] / В.Н. Никишин Социально-экономические и технические системы: исследование, проектирование, организация: Онлайновый научно-технический журнал. – 2006. – №7. – 5с. – Режим доступа к журн.: http://kampi.ru/sets. 5. Лощаков П.А. Результаты расчетно-экспериментальных исследований влияния оребрения охлаждаемой поверхности гильзы цилиндров на температурное состояние гильз и поршней дизелей ЯМЗ / П.А. Лощаков // Двигателестроение. – 2000. - № 1. – С. 57-58. 6. Современные дизели: повышение топливной экономичности и длительной прочности / [Ф.И. Абрамчук, А.П. Марченко, Н.Ф. Разлейцев и др.]; под. ред. А.Ф. Шеховиова. – К.: Техника, 1992. – 272 с. 7. Матвєєнко В.В. Попередня оцінка температурного стану поршня з урахуванням нерівномірного тепловідведення в зоні верхнього кільця / В.В. Матвєєнко, В.О. Пильов, М.В. Прокопенко, І.Г. Пожидаєв // Двигатели внутреннего сгорания. – 2010. № 1. – С. 78-81. 8. Зеленцов А.А. Исследование локального теплообмена в камере сгорания дизеля, конвертированного на природный газ: автореф. дис. на соиск. уч. степ. канд. техн. наук: спец. 05.04.02 «Тепловые двигатели» /А.А. Зеленцов. – Москва, 2011. – 16 с. 9. Процессы в перспективных дизелях / [А.Ф. Шеховцов, Ф.И. Абрамчук, В.И. Крутов и др.]; под. ред. А.Ф. Шеховцова. – Х.: Изд-во "Основа", 1992. – 352c. 10. Матвеенко В.В. Разработка теоретических стационарных экономичных моделей эксплуатации автотракторных дизелей для системы прогнозирования ресурсной прочности поршней / В.В. Матвеенко, В.А. Пылев // Сб. научных трудов Междунар. конф. «Двигатель-2010», посвященной 180-летию МГТУ им. Н.Э. Баумана – М.: МГТУ им. Н.Э. Баумана. – 2010. – С. 64-67.

#### Bibliography (transliterated):

1. Pil'ov V.O. Avtomatizovane proektuvannja porshniv shvidkohidnih dizeliv iz zadanim rivnem trivaloï micnosti: Monografija. – Harkiv: Vidavnichij centr NTU «HPI», 2001. – 332 s. 2. Turchin V.T. Vpliv tehnologichnogo priznachennja dviguna na resursnu micnist' porshnja / V.T. Turchin, V.O. Pil'ov, I.G. Omel'chenko, M.V. Prokopenko // Dvigateli vnutrennego sgoranija. – 2008. №1. – S. Kavtaradze R.Z. Raschetno-jeksperimental'noe issledovanie lokal'nogo teploobmena na ognevom dniwe porshnja dizelja, konvertirovannogo v gazozhidkostnyj dvigatel' / R. 3. Kavtaradze, A. I. Gajvoronskij, A.A. Zelencov // Vestnik MGTU im. N.Je. Baumana. Ser. "Mashinostroenie". - 2009. - №2. S. 45-57. 4. Nikishin V.N. Issledovanie neravnomernosti temperaturnogo polja gil'zy cilindra i porshnja avtomobil'nogo dizelja [Jelektronnyj resurs] / V.N. Nikishin // Social'no-jekonomicheskie i tehnicheskie sistemy: issledovanie, proektirovanie, organizacija: Onlajnovyj nauchno-tehnicheskij zhurnal. – 2006. – №7. – 5s. – Rezhim dostupa k zhurn.: http://kampi.ru/sets. 5. Lowakov P.A. raschetno-jeksperimental'nyh issledovanij vlijanija ohlazhdaemoj poverhnosti gil'zy cilindrov na temperaturnoe sostojanie gil'z i porshnej dizelej JaMZ / P.A. Lowakov // Dvigatelestroenie. – 2000. - № 1. – S. 57-58. 6. Sovremennye dizeli: povyshenie toplivnoj jekonomichnosti i dlitel'noj prochnosti / [F.I. Abramchuk, A.P. Marchenko, N.F. Razlejcev i dr.]; pod. red. A.F. Shehovcova. - K.: Tehnika, 1992. - 272 s. 7. Matveenko V.V. Poperednja ocinka temperaturnogo stanu porshnja z urahuvannjam nerivnomirnogo teplovidvedennja v zoni verhn'ogo kil'cja / V.V. Matveenko, V.O. Pil'ov, M.V. Prokopenko, I.G. Pozhidaev // Dvigateli vnutrennego sgoranija. - 2010. № 1. - S. 78-81. 8. Zelencov A.A. Issledovanie lokal'nogo teploobmena v kamere sgoranija dizelja, konvertirovannogo na prirodnyj gaz: avtoref. dis. na soisk. uch. step. kand. tehn. nauk: spec. 05.04.02 «Teplovye dvigateli» /A.A. Zelencov. - Moskva, 2011. - 16 s. 9. Processy v perspektivnyh dizeljah / [A.F. Shehovcov, F.I. Abramchuk, V.I. Krutov i dr.]; pod. red. A.F. Shehovcova. – H.: Izd-vo "Osnova", 1992. – 352 s. 10. Matveenko V.V. Razrabotka teoreticheskih stacionarnyh jekonomichnyh modelej jekspluatacii avtotraktornyh dizelej dlja sistemy prognozirovanija resursnoj prochnosti porshnej / V.V. Matveenko, V.A. Pylev // Sb. nauchnyh trudov Mezhdunar, konf. «Dvigatel'-2010», posvjawennoj 180-letiju MGTU im. N.Je. Baumana – M.: MGTU im. N.Je. Baumana. - 2010. - S. 64-67.

УДК 621.436:681.51

## А.А. Прохоренко, канд. техн. наук

# ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНОЕ УРАВНЕНИЕ ДИНАМИКИ ДИЗЕЛЯ С АККУМУЛЯТОРНОЙ СИСТЕМОЙ ТОПЛИВОПОДАЧИ КАК ОБЪЕКТА РЕГУЛИРОВАНИЯ

Установка на дизеле аккумуляторной системы топливоподачи требует применения электронной системы управления (ЭСУ) этим объектом. Такая ЭСУ обязательно включает в себя регулятор частоты вращения коленчатого вала, тип которого зависит от назначения двигателя. Для подбора параметров, настройки и оптимизации электронного регулятора рационально иметь возможность численного моделирования динамических характеристик двигателя – переходных процессов, возникающих в

результате появления различных возмущающих воздействий.

В учебной и научной литературе достаточно широко представлены решения задач расчета переходных процессов двигателей с наддувом и без наддува по дифференциальному уравнению динамики двигателя [1, 2].

Однако, функциональная схема дизеля с аккумуляторной системой топливоподачи имеет одно существенное отличие от рассматриваемых — элемент в виде топливного аккумулятора, обладающий собственными динамическими свойствами.

До настоящего времени в открытых литературных источниках не опубликованы дифференциальные уравнения, описывающие динамические свойства дизеля с аккумуляторной системой топливоподачи. Устранение этого информационного пробела и есть целью настоящей статьи. Для достижения цели решены следующие задачи:

- 1. Внесено изменения в известное дифференциальное уравнение динамики поршневой части дизеля.
- 2. Получено дифференциальное уравнение динамических процессов в гидравлическом аккумуляторе TC.
- 3. На основе анализа полученных уравнений определены факторы, влияющие на состояние исследуемой динамической системы.

### Поршневая часть двигателя

Как известно [1, 2], динамические свойства поршневой части двигателя описываются дифференциальным уравнением:

$$J\frac{d\Delta\omega}{dt} = \Delta M - \Delta M_c, \qquad (1)$$

где J — момент инерции подвижных частей двигателя,  $\omega$  — угловая скорость коленчатого вала, M — крутящий момент двигателя,  $M_c$  — момент сопротивления нагрузки,  $\Delta$  — величина отклонения перечисленных факторов от установившегося значения в равновесном режиме.

Очевидно, что для дизеля, оснащенного аккумуляторной системой топливоподачи с электромагнитными форсунками

$$M = f(\tau, \omega, p_m)$$
 и  $M_c = f(\omega, N, p_m)$ . (2)

Здесь  $\tau$  — продолжительность управляющего импульса, поступающего на электромагнит форсунки,  $p_m$  — давление топлива в аккумуляторе, N — настройка потребителя (мощность, снимаемая с коленчатого вала).

Отдельно следует остановиться на зависимостях  $M = f\left(p_{\scriptscriptstyle m}\right)$  и  $M_{\scriptscriptstyle c} = f\left(p_{\scriptscriptstyle m}\right)$ . M зависит от величины цикловой подачи, которая в свою очередь зависит от величины  $p_{\scriptscriptstyle m}$ . С другой стороны, увеличение  $p_{\scriptscriptstyle m}$  требует повышения работы, затраченной на привод ТНВД, а значит приведет к увеличению  $M_{\scriptscriptstyle C}$ .

После линеаризации зависимостей (2) методом дифференциалов с учетом линейных членов ряда имеем:

$$\Delta M = \frac{\partial M}{\partial \tau} \Delta \tau + \frac{\partial M}{\partial \omega} \Delta \omega + \frac{\partial M}{\partial p_{m}} \Delta p_{m}, \qquad (3)$$

$$\Delta M_c = \frac{\partial M_c}{\partial \omega} \Delta \omega + \frac{\partial M_c}{\partial \alpha} \Delta N + \frac{\partial M_c}{\partial p_m} \Delta p_m. \quad (4)$$

Тогда, после подстановки (3) и (4) в уравнение (1) и его последующего преобразования, получаем:

$$J\frac{d\Delta\omega}{dt} = \frac{\partial M}{\partial \tau} \Delta\tau - \left(\frac{\partial M_c}{\partial \omega} - \frac{\partial M}{\partial \omega}\right) \Delta\omega + + \left(\frac{\partial M}{\partial p_m} - \frac{\partial M_c}{\partial p_m}\right) \Delta p_m - \frac{\partial M_c}{\partial N} \Delta N$$
(5)

Для дальнейшего анализа введем безразмерные относительные координаты (с индексом 0 — значения выше перечисленных факторов в равновесном режиме):

$$\varphi = \frac{\Delta \omega}{\omega_0}; x = \frac{\Delta \tau}{\tau_0}; \rho = \frac{\Delta p_m}{p_{m0}}; \alpha = \frac{\Delta N}{N_0}.$$
 (6)

Поставляем их в уравнение (5) и делим уравнение почленно на  $\frac{\partial M}{\partial \tau} \tau_0$  :

$$\frac{J\omega_{0}}{\frac{\partial M}{\partial \tau}\tau_{0}} \frac{d\varphi}{dt} = \frac{\frac{\partial M}{\partial \tau}x\tau_{0}}{\frac{\partial M}{\partial \tau}\tau_{0}} - \frac{\left(\frac{\partial(M_{c}-M)}{\partial \omega}\right)\varphi\omega_{0}}{\frac{\partial M}{\partial \tau}\tau_{0}} + \frac{\left(\frac{\partial(M-M_{c})}{\partial p_{m}}\right)\rho p_{m0}}{\frac{\partial M}{\partial \tau}\tau_{0}} - \frac{\frac{\partial M_{c}}{\partial N}\alpha N_{0}}{\frac{\partial M}{\partial \tau}\tau_{0}} - \frac{\frac{\partial M_{c}}{\partial N}\alpha N_{0}}{\frac{\partial M}{\partial \tau}\tau_{0}}$$

В полученном выражении введем следующие обозначения постоянных коэффициентов:

$$J\omega_0 \bigg/ rac{\partial M}{\partial au} au_0 = T_{_{\! /\! I}} -$$
 постоянная времени соб-

ственно двигателя,

$$\left(rac{\partial \left(M_{c}-M
ight)}{\partial \omega}
ight)\!\omega_{0}\left/rac{\partial M}{\partial au} au_{0}=k_{_{\mathcal{I}}}
ight.$$
 — коэффициент

самовыравнивания

$$\left(rac{\partial \left(M-M_{c}
ight)}{\partial p_{m}}
ight)p_{m0}\left/rac{\partial M}{\partial au}\, au_{0}= heta_{p}$$
 — коэффици-

ент усиления по давлению топлива в аккумуляторе,

$$\frac{\partial M_c}{\partial N} N_0 \bigg/ \frac{\partial M}{\partial \tau} \, \tau_0 = \theta_{_{\scriptscriptstyle H}} -$$
коэффициент усиления

по нагрузке.

Тогда уравнение (7) принимает вид:

$$T_{\mathcal{A}} \frac{d\varphi}{dt} = x - k_{\mathcal{A}} \varphi + \theta_{p} \rho - \theta_{u} \alpha . \tag{8}$$

#### Аккумулятор топлива

Очевидно, что на динамические свойства дизеля большое влияние оказывает его ТС, а именно самое инерционное звено последней – гидравлический аккумулятор (в случае ТС аккумуляторного типа). До настоящего времени, по литературным данным, при анализе переходных процессов ДВС процессы, происходящие в топливном аккумуляторе ТА, не описывались. Поэтому, ниже представлен подробный вывод дифференциального уравнения динамических свойств гидравлического аккумулятора ТС дизеля.

Процесс массообмена, происходящий в аккумуляторе, описывается уравнением:

$$\frac{dq}{dt} = Q_{\scriptscriptstyle H} - Q_{\scriptscriptstyle ym} \,, \tag{9}$$

где q — объем топлива в аккумуляторе,  $Q_{H}$   $Q_{ym}$  — соответственно, объемный расход топлива, поступившего в аккумулятор и вытекшего из него.

Изменение объема топлива в аккумуляторе пропорционально изменению его давления:

$$\frac{dq}{dt} = \alpha_{cxc} V \frac{dp_m}{dt} = Q_H - Q_{ym} . \tag{10}$$

Здесь  $\alpha_{c:m}$  — коэффициент сжимаемости, V — геометрический объем аккумулятора.

Используя подстановки:

$$p_m = p_{m0} + \Delta p_m$$
;  $Q_n = Q_{n0} + \Delta Q_n$ ;  $Q_{ym} = Q_{0ym} + \Delta Q_{ym}$ ,(11) из уравнения (10) получаем:

$$\alpha_{cw}V\frac{d\Delta p_m}{dt} = \Delta Q_{_H} - \Delta Q_{_{ym}}, \qquad (12)$$

так как  $\frac{dp_{\scriptscriptstyle m0}}{dt}=0$  , a  $\,Q_{\scriptscriptstyle \mu0}=Q_{\scriptscriptstyle ym0}$  .

Очевидны следующие зависимости:  $Q_{_{\!\mathit{H}}} = f\left(\omega, p_{_{\!\mathit{m}}}\right), \quad Q_{_{\!\mathit{ym}}} = f\left(\tau, p_{_{\!\mathit{m}}}, F, \omega\right). \quad \text{Поясним их}$  подробнее.

- 1. Поступление топлива в аккумулятор  $Q_n$  обеспечивается объемной подачей ТНВД, которая (в случае нерегулируемого ТНВД) зависит только от частоты вращения вала насоса (а значит коленчатого вала дизеля) и противодавления (давления топлива в аккумуляторе  $p_m$ ).
- 2. Истечение топлива из аккумулятора имеет место через электромагнитные форсунки и регулирующий клапан, управляемый по сигналу широтно-импульсной модуляции (ШИМ). Тогда  $Q_{ym} = Q_{ym \, \phi} + Q_{ym \, \kappa \pi}$ . Расход через форсунку зависит от продолжительности  $\tau$  управляющего сигнала на ее электромагнит, давления  $p_m$ , под действием которого происходит истечение топлива, и частоты

подачи управляющего сигнала на электромагнит форсунки, которая пропорциональна частоте (скорости) вращения коленчатого вала двигателя  $\omega$ . Расход топлива через клапан зависит от давления  $p_m$ , под действием которого происходит процесс истечения и относительной продолжительности F сигнала ШИМ на электромагнитный клапан аккумулятора.

После линеаризации этих зависимостей, имеем:

$$\Delta Q_{\scriptscriptstyle H} = \frac{\partial Q_{\scriptscriptstyle H}}{\partial \omega} \Delta \omega - \frac{\partial M}{\partial p_{\scriptscriptstyle m}} \Delta p_{\scriptscriptstyle m} \,, \tag{13}$$

$$\Delta Q_{ym} = \frac{\partial Q_{ym}}{\partial \tau} \Delta \tau + \frac{\partial Q_{ym}}{\partial p_m} \Delta p_m + \frac{\partial Q_{ym}}{\partial F} \Delta F + \frac{\partial Q_{ym}}{\partial \omega} \Delta \omega$$
(14)

Тогда, после подстановки уравнений (13) и (14) в (12) и приведения подобных слагаемых, получаем:

$$\alpha_{cxx}V\frac{d\Delta p_{m}}{dt} = \frac{\partial(Q_{H} - Q_{ym})}{\partial\omega}\Delta\omega - \frac{\partial Q_{ym}}{\partial\tau}\Delta\tau - \frac{\partial(Q_{H} + Q_{ym})}{\partial\rho_{m}}\Delta\rho_{m} - \frac{\partial(Q_{H} + Q_{ym})}{\partial\rho}\Delta\rho_{m} - \frac{\partial Q_{ym}}{\partial\rho}\Delta\rho_{m}$$
(15)

Введем относительную безразмерную координату:

$$f = \frac{\Delta F}{F_0} \,. \tag{16}$$

Подстановка безразмерных относительных координат (6) и (16) и деление почленно на  $\frac{\partial Q_{ym}}{\partial \tau} \tau_0$  приводит уравнение (15) к виду:

$$\frac{\frac{\alpha_{c,w}Vp_{m0}}{\frac{\partial Q_{ym}}{\partial \tau}\tau_{0}}\frac{d\rho}{dt} = \frac{\frac{\partial\left(Q_{u}-Q_{ym}\right)}{\frac{\partial\omega}{\partial\tau}}\omega_{0}}{\frac{\partial Q_{ym}}{\partial\tau}\tau_{0}}\varphi - \frac{\frac{\partial Q_{ym}}{\partial\tau}\tau_{0}}{\frac{\partial Q_{ym}}{\partial\tau}\tau_{0}}x - \frac{\frac{\partial\left(Q_{u}+Q_{ym}\right)}{\frac{\partial\tau}{\partial\tau}}p_{m}}{\frac{\partial\rho_{m}}{\partial\tau}\tau_{0}}p_{m0} - \frac{\frac{\partial Q_{ym}}{\partial\tau}F_{0}}{\frac{\partial\rho_{m}}{\partial\tau}\tau_{0}}f$$

$$\frac{\partial\left(Q_{u}+Q_{ym}\right)}{\frac{\partial\rho_{m}}{\partial\tau}\tau_{0}}\rho - \frac{\frac{\partial\rho_{ym}}{\partial\tau}F_{0}}{\frac{\partial\rho_{m}}{\partial\tau}\tau_{0}}f$$

$$\frac{\partial\left(Q_{u}+Q_{ym}\right)}{\frac{\partial\rho_{m}}{\partial\tau}\tau_{0}}\rho - \frac{\frac{\partial\rho_{ym}}{\partial\tau}F_{0}}{\frac{\partial\rho_{m}}{\partial\tau}\tau_{0}}f$$

$$\frac{\partial\rho_{m}}{\partial\tau}\tau_{0} + \frac{\partial\rho_{m}}{\partial\tau}\tau_{0} +$$

В полученном выражении введем обозначения постоянных коэффициентов:

$$\alpha_{_{C\!M\!C}}\!V\!p_{m0}\!\bigg/\!\frac{\partial Q_{_{\!\mathit{y}\!m\!}}}{\partial \tau}\,\tau_0=\!T_{_{\!\!A\!K}}\,-\,\mathrm{постоянная}\,\,\mathrm{времени}$$
аккумулятора,

$$\frac{\partial \left(Q_{_{^{\prime\prime}}}-Q_{_{^{\prime\prime}m}}\right)}{\partial \omega}\omega_{_{0}}\bigg/\frac{\partial Q_{_{^{\prime\prime}m}}}{\partial au}\, au_{_{0}}=k_{_{\phi}}$$
 — коэффициент

усиления по угловой скорости коленчатого вала,

$$rac{\partial \left( Q_{_{\!\mathit{H}}} + Q_{_{\!\mathit{y}\!\mathit{m}}} \right)}{\partial p_{_{\!\mathit{m}}}} p_{_{\!\mathit{m}0}} \Bigg/ rac{\partial Q_{_{\!\mathit{y}\!\mathit{m}}}}{\partial au} au_{_{\!\mathit{0}}} = k_{_{\!\mathit{p}}} -$$
коэффициент

самовыравнивания аккумулятора,

$$\frac{\partial Q_{ym}}{\partial F}F_0\bigg/\frac{\partial Q_{ym}}{\partial \tau}\tau_0=\theta_f-\text{коэффициент усиления по сигналу ШИМ}.$$

Окончательно, уравнение динамики процессов в аккумуляторе примет вид:

$$T_{AK} \frac{d\rho}{dt} = k_{\varphi} \varphi - x - k_{p} \rho - \theta_{f} f . \qquad (17)$$

# Совместная работа двигателя и топливного аккумулятора

Совокупность уравнений (8) и (17) даст систему уравнений, описывающую динамические свойства дизеля без наддува с аккумуляторной ТС:

$$\begin{cases}
T_{\mathcal{A}} \frac{d\varphi}{dt} = x - k_{\mathcal{A}} \varphi + \theta_{p} \rho - \theta_{n} \alpha \\
T_{\mathcal{A}K} \frac{d\rho}{dt} = k_{\varphi} \varphi - x - k_{p} \rho - \theta_{f} f
\end{cases}$$
(18)

При переходе к операторной форме записи уравнения системы примут вид:

$$\begin{cases} \left(T_{\mathcal{A}}p + k_{\mathcal{A}}\right)\varphi = x + \theta_{p}\rho - \theta_{\mathcal{A}}\alpha \\ \left(T_{\mathcal{A}K}p + k_{\mathcal{B}}\right)\rho = k_{\mathcal{A}}\varphi - x - \theta_{f}f \end{cases}$$
 (19)

Разделив почленно уравнения системы на собственные операторы двигателя  $\left(T_{\mathcal{A}}p+k_{\mathcal{A}}\right)$  и аккумулятора  $\left(T_{\mathcal{A}K}p+k_{\mathcal{P}}\right)$ , можно преобразовать правые части уравнений в суммы передаточных функций:

$$\begin{cases}
\varphi = \frac{x}{\left(T_{\mathcal{A}}p + k_{\mathcal{A}}\right)} + \frac{\theta_{\mathcal{P}}\rho}{\left(T_{\mathcal{A}}p + k_{\mathcal{A}}\right)} - \frac{\theta_{\mathcal{A}}\alpha}{\left(T_{\mathcal{A}}p + k_{\mathcal{A}}\right)} \\
\rho = \frac{k_{\varphi}\varphi}{\left(T_{\mathcal{A}K}p + k_{\mathcal{P}}\right)} - \frac{x}{\left(T_{\mathcal{A}K}p + k_{\mathcal{P}}\right)} - \frac{\theta_{\mathcal{F}}f}{\left(T_{\mathcal{A}K}p + k_{\mathcal{P}}\right)}
\end{cases}, (20)$$

или

$$\begin{cases} \varphi = Y_{\delta}^{x} + Y_{\delta}^{\rho} - Y_{\delta}^{\alpha} \\ \rho = Y_{\alpha\kappa}^{\varphi} - Y_{\alpha\kappa}^{x} - Y_{\alpha\kappa}^{f} \end{cases}$$
(21)

где  $Y_{\partial}^{x}$ ,  $Y_{\partial}^{\rho}$ ,  $Y_{\partial}^{\alpha}$ ,  $Y_{a\kappa}^{\phi}$ ,  $Y_{a\kappa}^{x}$ ,  $Y_{a\kappa}^{f}$  — передаточные функции, соответственно, двигателя (по управляющему импульсу на форсунку, по давлению, по нагрузке) и аккумулятора (по частоте вращения коленчатого вала, по управляющему импульсу на форсунку, по сигналу ШИМ на электромагнит аккумулятора).

Полученное уравнение проиллюстрировано на рис. 1 в виде развернутой функциональной схемы дизеля без наддува с аккумуляторной ТС.

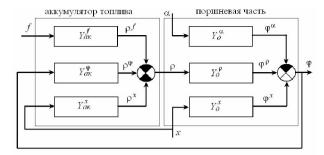


Рис. 1. Развернутая функциональная схема дизеля

Для получения единого уравнения выразим из второго уравнения системы (19) переменную р:

$$\rho = \frac{k_{\varphi} \phi - x - \theta_f f}{\left(T_{AK} p + k_p\right)}, \tag{22}$$

и подставим это выражение в первое уравнение системы (19).

После преобразований получаем уравнение второго порядка в операторной форме:

$$\left[T_{AK}T_{\mathcal{A}}p^{2} + \left(k_{p}T_{\mathcal{A}} + k_{\mathcal{A}}T_{AK}\right)p + \left(k_{p}k_{\mathcal{A}} + \theta_{p}k_{\varphi}\right)\right]\varphi = 
= \left[T_{AK}p + \left(k_{p} - \theta_{p}\right)\right]x - \left(T_{AK}p + k_{p}\right)\theta_{n}\alpha + \theta_{p}\theta_{f}f.$$
(23)

Произведем замены для констант:

$$A_{0} = k_{p} k_{A} + \theta_{p} k_{\varphi}, A_{1} = k_{p} T_{A} + k_{A} T_{AK}, A_{2} = T_{AK} T_{A},$$

$$B_{0} = k_{p} - \theta_{p}, B_{1} = T_{AK}, C_{0} = T_{AK} \theta_{u}, C_{1} = k_{p} \theta_{u}, D_{0} = \theta_{p} \theta_{f}.$$
(24)

Для исследовательского экспериментального дизеля 148,8/8,2 (1ДТА), разработки ХКБД (г. Харьков) с аккумуляторной системой топливоподачи и электронным управлением [3] величина коэффициентов, полученная при идентификации математической модели методом исследования пространства параметров [4], составила:

$$A_0 = 0, 4, A_1 = 70, 4 \text{ c}, A_2 = 3, 7 \text{ c}^2, B_0 = 18, 7,$$
  
 $B_1 = 1 \text{ c}, C_0 = 28, 5, C_1 = 1, 5 \text{ c}, D_0 = -3.$ 

С учетом замен, уравнение (24) примет вид:  $\left[A_2p^2+A_1p+A_0\right]\phi=\left[B_1p+B_0\right]x-\left(C_1p+C_0\right)\alpha-D_0f$ ,(25)

или в классической форме:

$$A_2 \frac{d^2 \varphi}{dt^2} + A_1 \frac{d\varphi}{dt} + A_0 \varphi = B_1 \frac{dx}{dt} + B_0 x - C_1 \frac{d\alpha}{dt} p - C_0 \alpha - D_0 f$$
. (26)

Уравнение (26) является линейным дифференциальным уравнением дизеля без наддува с аккумуляторной топливной системой и, как видно, имеет 2-ой порядок.

Тогда, собственные колебания исследуемого объекта – экспериментального дизеля 1ДТА – описываются уравнением:

$$3,7\ddot{\varphi}+70,4\dot{\varphi}+0,4=0$$

и являются апериодическими затухающими, поскольку данное характеристическое уравнение

имеет вещественные отрицательные корни (-19,0213 и -0,0057).

Уравнение (25) можно преобразовать к виду, который является суммой передаточных функций соответственно по управляющему импульсу на форсунку, по нагрузке и по сигналу ШИМ на электромагнит аккумулятора:

$$\phi = \frac{B_1 p + B_0}{A_2 p^2 + A_1 p + A_0} x - \frac{C_1 p + C_0}{A_2 p^2 + A_1 p + A_0} \alpha - \frac{D_0}{A_2 p^2 + A_1 p + A_0} f = Y_{\alpha \kappa \partial}^x + Y_{\alpha \kappa \partial}^\alpha + Y_{\alpha \kappa \partial}^f$$
(27)

Таким образом, исключаются внутренняя координата р и можно перейти к свернутой функциональной схеме, изображенной на рис. 2.

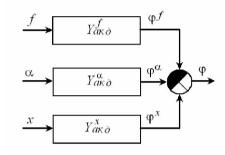


Рис.2. Свернутая функциональная схема дизеля без наддува

Как следует из результатов проведенного анализа, на состояние исследуемой системы (дизель без наддува с аккумуляторной ТС) оказывают влияние три фактора: продолжительность управляющего импульса на электромагнит форсунки (характеризуется значением величины относительной переменной х), мощность, снимаемая с коленчатого вала (а) и относительная продолжительность сигнала ШИМ на электромагнитный клапан аккумулятора (f). Само же состояние системы может быть охарактеризовано двумя параметрами: частотой вращения коленчатого вала двигателя (ф) и давлением топлива в аккумуляторе (р). Следует заметить, что первый параметр - частота вращения коленчатого вала двигателя - непосредственно определяет режим работы двигателя, а второй - давление топлива в аккумуляторе - опосредованно, через влияние на рабочий процесс двигателя и, следовательно, его индикаторные показатели.

#### Выволы:

- 1. Полученная система дифференциальных уравнений, описывающая динамические свойства дизеля без наддува с аккумуляторной ТС, позволяет сформировать и реализовать математическую модель исследуемого объекта. При этом решение системы возможно как численным, так и аналитическим методом.
- 2. Полученное линейное неоднородное дифференциальное уравнение 2-го порядка позволило упростить математическую модель путем исключения внутренних переменных и определить факторы, оказывающие влияние на состояние исследуемой системы.
- 3. Дополнение математической модели двигателя уравнением регулятора позволит создать модель замкнутой САР и с ее помощью расчетными методами определить рациональные параметры электронного регулятора с учетом анализа устойчивости системы и качества переходных процессов.

#### Список литературы:

1. Автоматическое регулирование и управление двигателей внутреннего сгорания./ В.И. Крутов — М.: Машиностроение, 1989. — 416 с. 2. Грехов Л.В. Топливная аппаратура и системы управления дизелей./ Л.В. Грехов, Н.А. Иващенко, В.А. Марков — М.: Легион-Автодата, 2004. — 344с. 3. Врублевский А.Н. Особенности математического моделирования гидромеханических процессов ЭГФ / А.Н. Врублевский, А.Л. Григорьев, А.В. Грицюк и др. // Двигатели внутреннего сгорания: Всеукр. научн.-техн. журнал. — 2007. — №1. — С. 44 — 52. 4. Соболь И.М. Выбор оптимальных параметров в задачах со многими критериями. Второе расширенное издание / И.М. Соболь, Р.Б. Статников — М.: Дрофа, 2006. — 175 с.

## Bibliography (transliterated):

1. Avtomaticheskoe regulirovanie i upravlenie dvigatelej vnutrennego sgoraniya./ V. I. Krutov - M.: Mashinostroenie, 1989. - 416 s. 2. Grehov L. V. Toplivnaya apparatura i sistemy upravleniya dizelej./ L. V. Grehov, N. A. Ivaschenko, V. A. Markov - M.: Legion-Avtodata, 2004. - 344s. 3. Vrublevskij A. N. Osobennosti matematicheskogo modelirovaniya gidromehanicheskih processov EGF / A. N. Vrublevskij, A. L. Grigor'ev, A. V. Gricyuk i dr. // Dvigateli vnutrennego sgoraniya: Vseukr. nauchn.-tehn. zhurnal. - 2007. - \$\frac{1}{2}\$1. S. 44 - 52. 4. Sobol' I. M. Vybor optimal'nyh parametrov v zadachah so mnogimi kriteriyami. Vtoroe rasshirennoe izdanie / I. M. Sobol', R. B. Statnikov - M.: Drofa, 2006. - 175 s.